

التكاليف الإنتاجية

## تكاليف الإنتاج: Production costs

إن المهمة الأساسية لإدارة المشروعات هو ضرورة التعرف على جميع المسائل المتعلقة بتكاليف الإنتاج من حيث سلوكها واتجاهاتها وعلاقتها بحجم الإنتاج سواء في المدة القصيرة أو المدة الطويلة وبخاصة في الظروف الحالية التي تشهد فيها المنافسة بين المشاريع، ومن ناحية أخرى يمكن القول أن المشروعات وبخاصة الكبيرة منها وفي ظل المنافسة الشديدة لا تركز في الحصول على الأرباح الكبيرة والسريعة، بقدر ما تهتم به هو الحصول على الأرباح المعتدلة والمعتولة التي تضمن بقائها واستمرارها، علماً بأن الحصول على أقصى الأرباح قد لا يتحقق من خلال رفع الأسعار بل قد يتحقق من خلال تخفيض التكاليف لذا فإن التنافس الحالي بين المشروعات يتمثل في إيجاد أساليب جديدة لتكاليف الإنتاج.

## أنواع التكاليف والعوامل المحددة لها: Cost classification and limited factors

أنواع التكاليف:

### التكاليف الصريحة والتكاليف الضمنية: Explicit Costs and Implicit costs

**التكاليف الصريحة:** هي التكاليف الفعلية أو المباشرة اللازمة لإنتاج السلع والخدمات والتي يتم إنفاقها فعلاً، مثل أجور المباني، أجور العمال، قيمة مستلزمات الإنتاج، الفوائد المدفوعة على رأس المال، الضرائب المدفوعة، تكاليف الإندثار ويطلق عليها أحياناً بالتكاليف الظاهرية أو المحاسبية.

**أما التكاليف الضمنية:** فهي التكاليف التي لا تدفعها المنشأة بشكل مباشر ويطلق عليها أحياناً بتكلفة الفرصة البديلة والتي تعني أن التكاليف المخصصة لإنتاج إحدى السلع ما هي بالحقيقة إلا تعبير عن قيمة السلع الأخرى التي كان من الممكن إنتاجها والحصول عليها لو تم استخدام نفس الموارد في إنتاجها.

وعادة فإن كلفة الفرصة البديلة (الكلفة الضمنية) قد لا تكون مساوية للكلفة المحاسبية لنفس السلعة، لذا يمكن القول أن هناك اختلاف بين وجهة نظر المحاسبي والاقتصادي إلى التكاليف، فالمحاسبي يهتم باحتساب التكاليف الصريحة التي يتم إنفاقها فعلاً للحصول

\* الاختلاف بين تكاليف المحاسبي والاقتصادي

على مستلزمات الإنتاج، أما الاقتصادي فإنه ينظر إلى التكاليف بأنها تشمل جميع التكاليف سواء كانت فعلية أو ضمنية.

العوامل المحددة للتكاليف: منها

1- كمية الإنتاج: إن زيادة كمية الإنتاج لابد أن يرافقها زيادة في التكاليف الكلية للإنتاج، لكن بنفس الوقت فإن زيادة الإنتاج تؤدي إلى انخفاض متوسط الوحدة الواحدة من التكاليف الكلية، كما تؤدي إلى زيادة التكاليف المتغيرة.

2- أسعار عناصر الإنتاج: يمكن القول أن هناك علاقة طردية بين زيادة أسعار عناصر الإنتاج وزيادة تكاليف الإنتاج، إذ أن ارتفاع أسعار عناصر الإنتاج سيؤدي إلى ارتفاع التكاليف الكلية للإنتاج والعكس صحيح.

وفي هذه الحالة يمكن لإدارة المشروع التخفيف من ذلك الارتفاع من خلال البحث عن بدائل لتلك العناصر وإحلالها محل العناصر التي ارتفعت أسعارها مثلاً إحلال الخيوط الصناعية ذات الأسعار المنخفضة محل الخيوط الطبيعية في صناعة الملابس وهذا بالضرورة سيؤدي إلى خفض التكاليف.

3- إنتاجية عناصر الإنتاج: فكلما ترتفع إنتاجية عناصر الإنتاج كلما انخفضت تكاليف الإنتاج، كما أن إحلال عنصر إنتاجي ذات إنتاجية عالية محل عنصر إنتاجي ذات إنتاجية منخفضة سيؤدي إلى انخفاض التكاليف، وهناك طرق عديدة لزيادة الإنتاجية فالعمل يمكن زيادة إنتاجيته من خلال التدريب والتعليم.

4- التطور التكنولوجي: يلعب التطور التكنولوجي دوراً فعالاً في تخفيض تكاليف الإنتاج لما لها من أهمية في زيادة الإنتاج والإنتاجية وإن التنافس بين المشروعات في الوقت الحاضر هو قائم على اعتماد التكنولوجيا المدنية لتخفيض تكاليف الإنتاج.

5- ترشيد القرارات الإدارية: يعني أن الإدارة كلما اعتمدت في قراراتها على الموضوعية والعلمية كلما كانت القرارات أكثر نجاحاً وما لذلك من أثر في تخفيض تكاليف الإنتاج.

6- طبيعة سوق عناصر الإنتاج: فكلما سادت المنافسة في سوق عناصر الإنتاج كلما انعكس ذلك على انخفاض أسعار عناصر الإنتاج وبالتالي انخفاض تكاليف الإنتاج.

## التكاليف حسب الفترة الزمنية:

- 1- التكاليف في المدى القصير.
- 2- التكاليف في المدى الطويل.

وهذا النوع من التمييز بين التكاليف يحظى باهتمام كبير من قبل الإدارة نظراً للاختلاف الكبير بينهما.

**المدى القصير**، هو الفترة التي لا تستطيع فيه الإدارة من تغيير التكاليف الثابتة، بينما تكون هناك إمكانية لتغيير التكاليف المتغيرة يعني يمكن للإدارة أن تغير مواد العمل، المواد الخام بينما يصعب تغيير الأصول الثابتة مثل المكين والأبنية.

**المدى الطويل**، فيعني الفترة الزمنية التي تستطيع منها الإدارة من تغيير كافة عناصر الإنتاج الثابتة والمتغيرة ولذلك تصبح جميع التكاليف في هذه الفترة تكاليف متغيرة.

يتضح من ذلك أن التكاليف في المدى القصير يرتبط بحجم الإنتاج أما في المدى الطويل فإنه يرتبط بتغيير حجم المشروع وطاقته الإنتاجية.

أهمية تحليل التكاليف في المدى القصير في اتخاذ القرارات الإدارية: تظهر هذه الأهمية من خلال:

- 1) تساعد إدارة المشروع في تحديد طرق الاستخدام الأمثل للموارد.
- 2) تساعد الإدارة في تحديد حجم الإنتاج الأمثل.
- 3) تساعد الإدارة في تحديد سياسات التسعير المناسبة.
- 4) تستفيد منها الإدارة كأداة للرقابة ومعرفة مدى كفاءة التشغيل، ومدى فعالية الجهاز الإداري والرقابة على مراكز الكلفة واتخاذ القرارات المناسبة.

تكون بين التكاليف  
متغير وحاصل

أنواع التكاليف في المدى القصير:

### التكاليف الثابتة (FC) Fixed Cost:

وهي التكاليف التي تتحملها المنشأة سواء أنتجت أم لم تنتج، أي حتى لو كان الإنتاج صفراً، أي أن هذا النوع من التكاليف لا يتأثر بحجم الإنتاج، مثال ذلك تكاليف الآلات والاندثار والضرائب.

وبيانياً تكون التكاليف الثابتة على شكل خط مستقيم موازي للمحور الأفقي وترسم بمقطع صادي يساوي  $a$ .

ولو عدنا معادلة الخط المستقيم  $Y = a + bx$

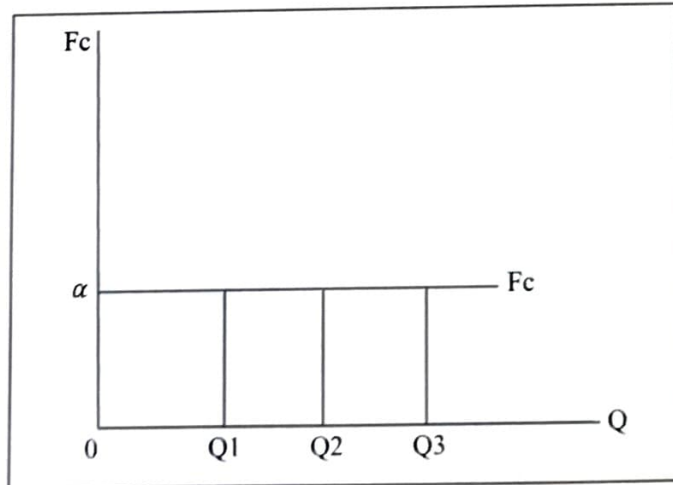
$$\frac{dY}{dx} = +b$$

وبما أن ميل الخط المستقيم يساوي صفر إذن

$$Y = a + 0(x)$$

$$Y = a$$

تأثير = كونه ثابت



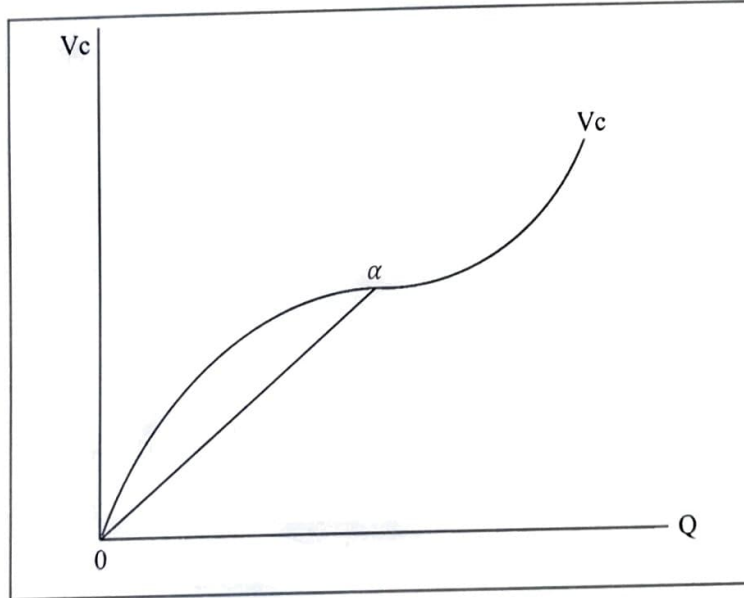
$$\frac{\Delta C}{\Delta Q} = 0$$

## التكاليف المتغيرة (VC): Variable cost

وهي التكاليف التي تتغير بتغير حجم الإنتاج وتحملها المنتج حالما يبدأ بالعملية الإنتاجية، وهي تتزايد مع تزايد حجم الإنتاج، مثل ذلك أجور العمال، شراء مستلزمات الإنتاج... الخ.

وشكل منحنى الكلفة المتغيرة يتحدب أولاً ثم يتقعر، وله نقطة انقلاب، وسبب التحدب يعني أن التكاليف المتغيرة في البداية تتزايد بمعدل متناقص وذلك يعود إلى أثر قانون الغلة المتناقصة، إذ أن ارتفاع إنتاجية العمل تؤدي إلى أن تتزايد التكاليف المتغيرة في البداية بمعدل متناقص، وبعد نقطة الانقلاب، فإن التكاليف المتغيرة تتقعر وتتزايد بمعدل متزايد وذلك يعود إلى انخفاض إنتاجية العمل.

- في فترة قصيرة الإنتاج

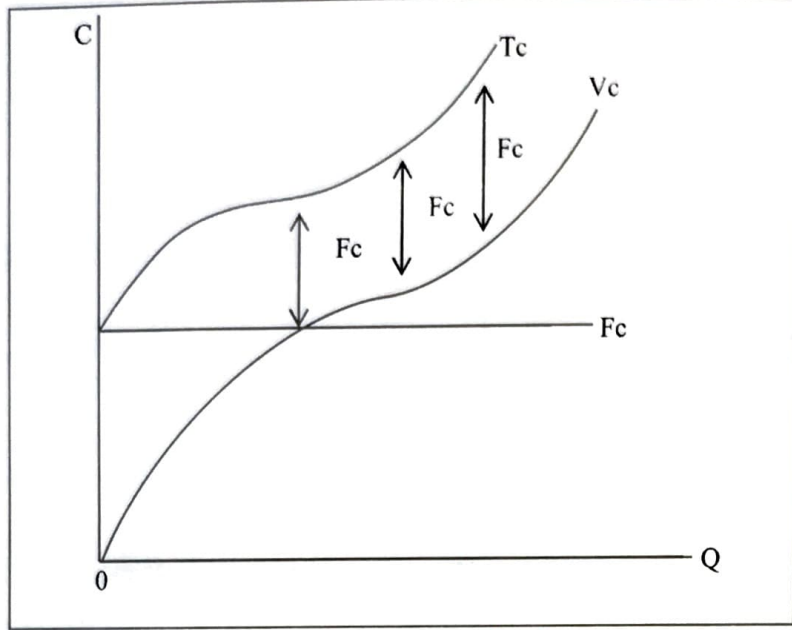


## التكاليف الكلية (TC) Total Cost:

وهي تمثل مجموع التكاليف الثابتة + المتغيرة

$$TC = FC + VC$$

وهذه التكاليف تسلك سلوك منحنى الكلفة المتغيرة، تتحدب أولاً ثم تنقصر، وبيانياً يرسم TC أعلى من VC بمقدار الكلفة الثابتة.



ثابتة

س/ التكاليف الكلية تساوي التكاليف الكافية عندما يكون الإنتاج صفراً؟

ج/ لأن VC تساوي صفراً ذلك أن التكاليف المتغيرة هي التكاليف التي تبنى مع نفس حجم الإنتاج وتزداد مع تزايد حجم الإنتاج وبالتالي لما يكون الإنتاج فأن التكاليف المتغيرة = صفراً.

س/ TC تسلك سلوك VC بيانياً؟

ج/ لأن كل من منحنى TC و VC لا يحتوي على نهاية عظمى وصغرى وإنما على نقطة انقلاب.

ستظهر إذا

$$\frac{\Delta M_{c_1}(Q_1, Q_2)}{\Delta Q_2} < 0$$

ذلك معناه أن الزيادة في مستوى الناتج (2) يؤدي إلى خفض الكلفة الحدية للمنتج رقم (1).

وبالتالي فإن دالة التكاليف ستأخذ الصيغة التالية

$$C(Q_1, Q_2) = f + aQ_1Q_2 + (Q_1)^2 + (Q_2)^2$$

ولهذه الدالة ستكون الكلفة الحدية هي للمنتج رقم (1)

$$\frac{dC}{dQ} = M_{c_1} = aQ_2 + 2Q_1$$

فإذا كانت  $a < 0$  ذلك معناه أن الزيادة في  $Q_2$  ستؤدي إلى انخفاض الكلفة الحدية إلى  $Q_1$  لذا فإن هناك كلفة تكاملية.

وإذا كانت  $a > 0$  فإنه لا وجود لكلفة تكاملية.

وإذا كانت  $f > aQ_1Q_2$  فإن اقتصادات الحجم تتحقق عند المنشأة، أو أن تقول أن  $f - aQ_1Q_2 > 0$  الكلفة الكلية في المدة الطويلة خط مستقيم عكس منحنى في المدة القصيرة فيها تمتد.

إذا ما قامت المنشأة بإنتاج السلعة  $Q_1$  فقط فإن إنتاجها من السلعة  $Q_2$  سيكون صفر.

إن سلاحظ أن إنتاج السلعتين من قبل المنشأة A ستكون التكاليف لديها

$$C(5,4) = 100 - 0.5(5.4) + (5)^2 + (4)^2$$

$$= 100 - 10 + 25 + 16$$

$$C = 131$$

ولو قامت المنشأة A بإنتاج  $Q_1$  فقط إذن

$$\begin{aligned}C = (5,0) &= 100 + (5)^2 \\ &= 100 + 25 \\ &= 125\end{aligned}$$

ولو قامت المنشأة B بإنتاج  $Q_2$  فقط إذن

$$\begin{aligned}C = (0,4) &= 100 + (4)^2 \\ &= 100 + 16 \\ &= 116\end{aligned}$$

نلاحظ أن الفرق بين كلفة التكاملية (131) وكلفة المنشأة A لإنتاج  $Q_1$  هي

$$131 - 125 = 6$$

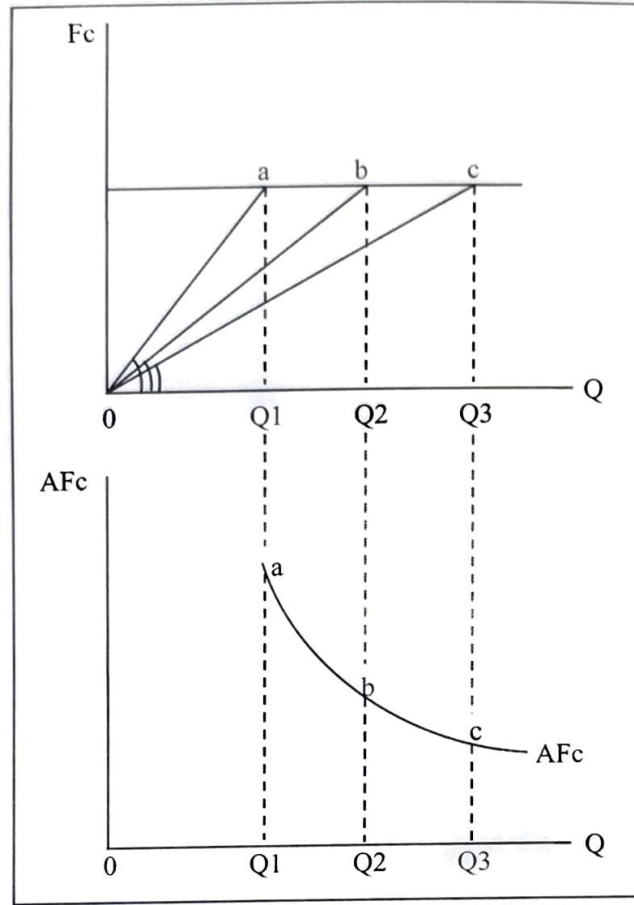
### 1- متوسط التكاليف الثابتة AFC:

وهي عبارة عن التكاليف الثابتة مقسومة على كمية الإنتاج

$$AFC = \frac{FC}{Q}$$

وبما أن التكاليف الثابتة لا تتغير مع تغير الإنتاج فإن متوسط الكلفة الثابتة يتناقص مع زيادة حجم الإنتاج لذا فإن منحنى (AFC) سينحدر من الأعلى إلى الأسفل باتجاه اليمين مشيراً إلى انخفاض AFC مع توسع حجم الإنتاج. وبيانياً يمكن أن نشق AFC من FC كالآتي:





ونلاحظ من الرسم أن ميل زوايا ميل الشعاع تتناقص مع استمرار زيادة الإنتاج وهو ما ينعكس في ناقص منحنى  $AFc$  مع زيادة الإنتاج، إذن هندسياً يمكن أن نشق ( $AFc$ ) من منحنى ( $Fc$ ) بواسطة متابعة زاوية ميل الشعاع الصادر من نقطة الأصل إلى النقطة المراد الوصول إليها على منحنى ( $Fc$ ).

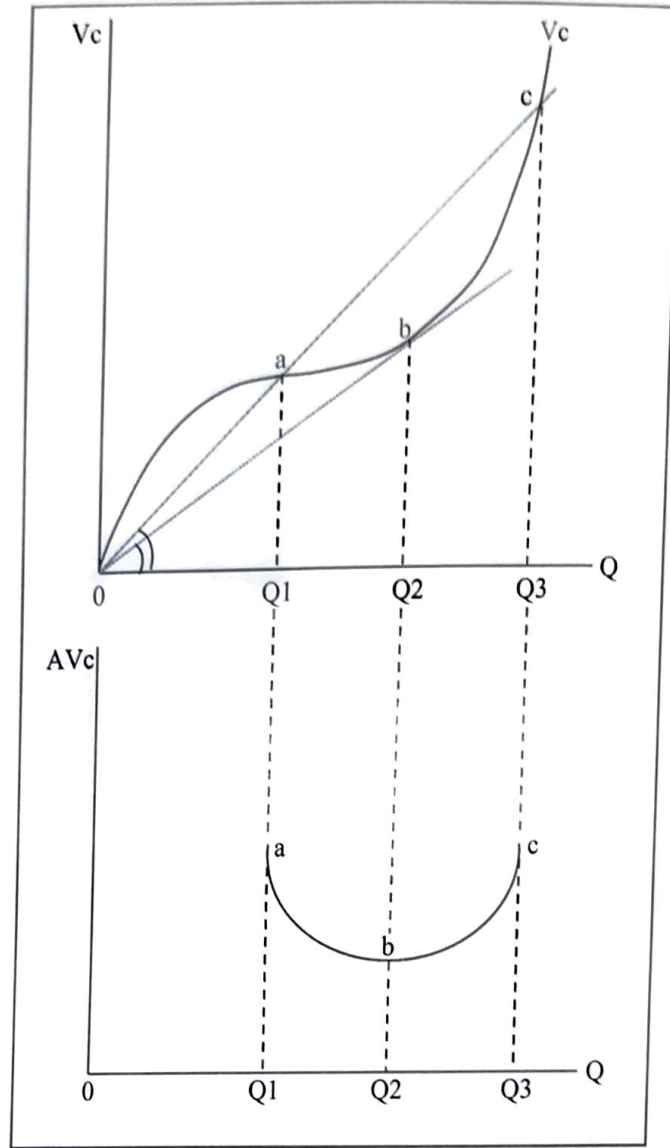
## 2- متوسط التكاليف المتغيرة AVC:

وتمثل حاصل قسمة الكلفة المتغيرة على مستوى الإنتاج

$$AVC = \frac{VC}{Q}$$

ويمكن أن نشق منحنى AVC من خلال منحنى (VC) من خلال رسم شعاع صادر من نقطة الأصل إلى النقطة المراد الوصول إليها على منحنى (VC)، ونلاحظ من الرسم أن الشعاع  $Oa_1$  و  $Oa_3$  يقطع (VC) في نقطتين مما يدل على أن هناك مقدارين من الإنتاج يتعادل عندهما متوسط الكلفة المتغيرة (AVC) عند مستوى الإنتاج ( $Q_1$  و  $Q_3$ )، أما عندما يصبح الشعاع الصادر من نقطة الأصل مماساً على منحنى (VC) فإنه يمثل أدنى متوسط كلفة متغيرة تناظر مستوى الإنتاج ( $Q_2$ ).

ونجد من الرسم البياني لمتوسط الكلفة المتغيرة أنه يتناقص أولاً مع استمرار زيادة الإنتاج وزيادة إنتاجية المدخلات المتغيرة حتى نصل إلى أدنى مستوى لمتوسط الكلفة المتغيرة التي تقابل أمثل نسبة تمازج بين مدخلات الإنتاج الثابتة والمتغيرة ثم يأخذ بعد ذلك بالارتفاع. كما نجد أن شكل منحنى (AVC) يأخذ شكل حرف (U)، والسبب في اتخاذه لهذا الشكل يعود إلى أن (AVC) يتناقص أولاً مع استمرار التوسع في الإنتاج حتى يصل إلى أدنى مستوى له ثم يعاود الارتفاع بعد ذلك بسبب زيادة الكلفة المتغيرة مع التوسع في استخدام العنصر الإنتاجي المتغير الذي تصبح إنتاجيته منخفضة. والرسم التالي يوضح لنا كيفية اشتقاق منحنى (AVC).



ويمثل منحنى AVC معادلة من الدرجة الثانية كما يلي

$$AVC = \frac{V\bar{C}}{Q} = \frac{bQ - cQ^2 + dQ^3}{Q} = b - cQ + dQ^2$$

$$\text{المشتقة الأولى} \frac{dAVC}{dQ} = -c + 2dQ$$

$$\text{المشتقة الثانية} \frac{d^2AVC}{dQ^2} = +2d$$

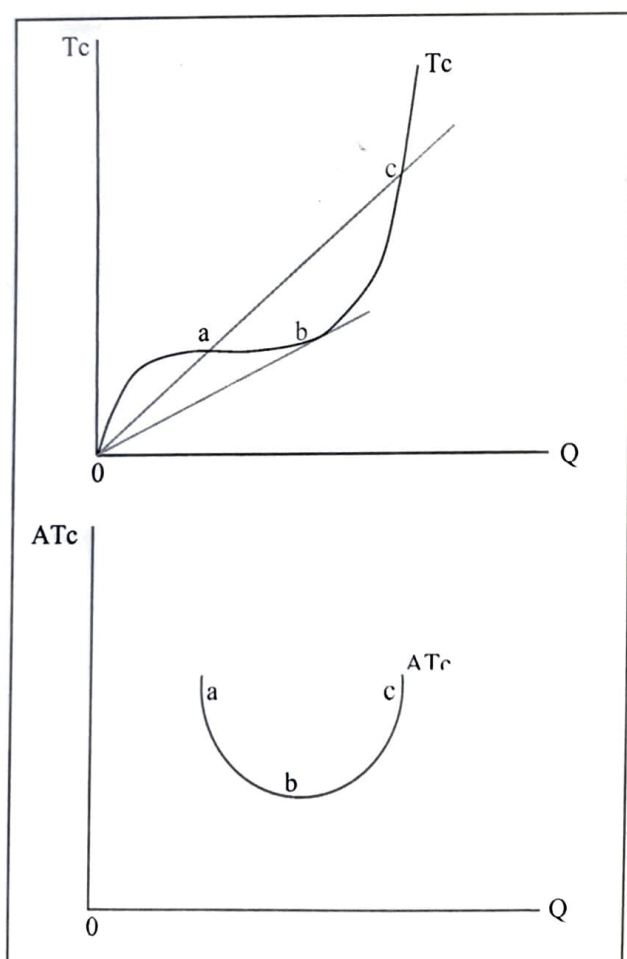
وبذلك نجد أن للمنحني نهاية صغرى عند المستوى الأدنى لـ  $AVC$  في  $Q_2$

عندما يصبح شعاع مماس على المنحني يعطى أدنى متوسط كلفة ويصل أدنى مستوى له وتكون نسبة المنتج يصبح 1.

### 3- متوسط الكلفة الكلية $ATC$ :

وهي عبارة عن حاصل قسمة الكلفة الكلية على مستوى الناتج المتحقق

$$ATC = \frac{TC}{Q} = \frac{FC + VC}{Q}$$



ويشتق منحنى (ATC) بالطريقة نفسها التي اشتق بها منحنى (AVC)، ويسلك سلوكاً مشابهاً له. إلا أننا نجد ان وجود منحنى (AFC) يرفع فقط من منحنى (ATC) عن (AVC) ويحصل أدنى مستوى له أكثر ارتفاعاً، ونجد من الرسم أن منحنى (ATC) يأخذ شكل حرف (U) وذلك يعود إلى تأثير قانون الغلة المتناقصة.

ومما يجب ذكره أن أدنى مستوى لمنحنى (ATC) يأتي أعلى من أدنى مستوى لمنحنى (AVC) وذلك يعود إلى تأثير وجود منحنى (AFC)، أما الشيء الآخر فنجد أن نهاية (ATC) الصغرى تكون إلى يمين أدنى نقطة لمنحنى (AVC) ويفسر ذلك بسبب تأثير استمرار تناقص منحنى (AFC) مع التوسع في مستوى الإنتاج مما يؤدي إلى إبطاء أثر التزايد الذي يتركه (AVC) بعد أن يصل إلى أدنى مستوى له.

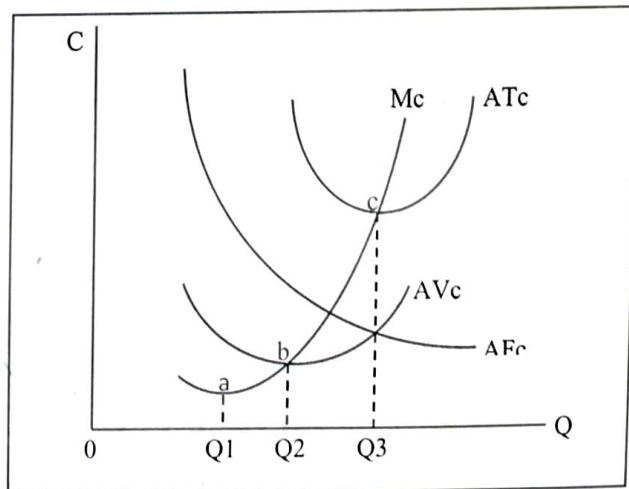
#### 4- التكاليف الحدية MC:

وهي عبارة عن التغير الحاصل في الكلفة الكلية الناتجة عن تغير الناتج بوحدة واحدة ورياضياً يمكن أن نحصل عليها كالاتي:

$$MC = \frac{\Delta TC}{\Delta Q}$$

$$MC = \frac{\Delta TVC}{\Delta Q}$$

ويمكن لنا أن نوضح سلوك منحنيات متوسط التكاليف الثابتة والمتغيرة والكليّة والحدية بالرسم البياني التالي.



ومن الرسم نجد أن منحنى (MC) يقطع كل من منحنى AVC ومنحنى ATC من أدنى مستوى لهما.

### منحنى متوسط التكاليف في المدة الطويلة: Long-Run Average cost (LRAC)

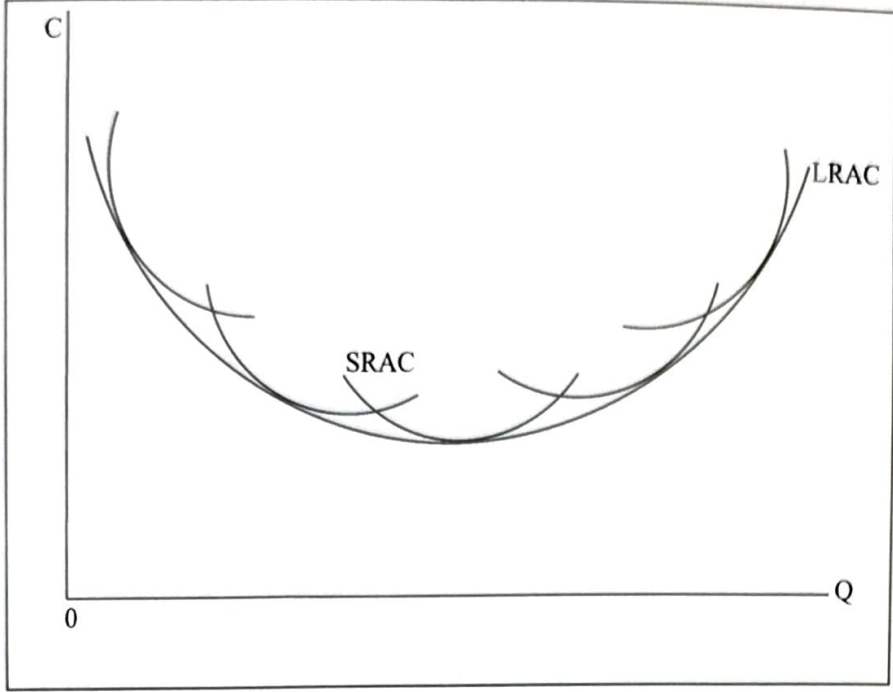
في المدة الطويلة يمكن للإدارة أن تؤثر في الطاقة الإنتاجية إما عن طريق إنشاء خطوط إنتاجية جديدة، أو إحلال آلات جديدة محل تلك التي تقادمت، أو عن طريق أي برنامج لتوسعات استثمارية جديدة، وكل ذلك يترتب عليه أما التأثير على نسب مزج عناصر الإنتاج، أو التأثير على التكاليف الثابتة، أو الاثنين معاً.

إن المدة الطويلة تتميز بأنها فترة زمنية يتسع فيها الوقت للمنشأة لإجراء تغيير شامل في المدخلات، وبذلك تصبح جميع مدخلات الإنتاج متغيرة، لذا فإنه في المدة الطويلة يمكن التوسع بحجم المنشأة من خلال الطرق التي نذكرت في أعلاه، إن الفكرة وراء وجود المدة الطويلة هي أن المنشأة لا تجري توسعاً مباشراً في حجمها الإنتاجية حال زيادة الطلب على منتجاتها، وإنما يتم مواجهة ذلك عن طريق استغلال الطاقة الإنتاجية المتاحة في المدة القصيرة وبعد استنفاد الطاقة المتاحة والتأكد من استمرارية الطلب الإضافي على منتجاتها فأنها تلجأ إلى التوسع في حجمها الإنتاجية، لذا فإنه يطلق على منحنى متوسط الكلفة بالمدة الطويلة بمنحنى التخطيط لأنه يعبر عن مستوى الطاقات الإنتاجية الذي يجعل المنشأة قادرة على تحقيق الحيز المناسب لها في السوق.

إن دراسة التكاليف في المدة الطويلة تساعد المنشأة على اتخاذ القرارات الخاصة بتحديد الحجم الأمثل للمنشأة وهذا الحجم الأمثل بدوره يساعد في تحقيق استخدام الموارد بشكل أكثر فعالية وأكثر كفاءة.

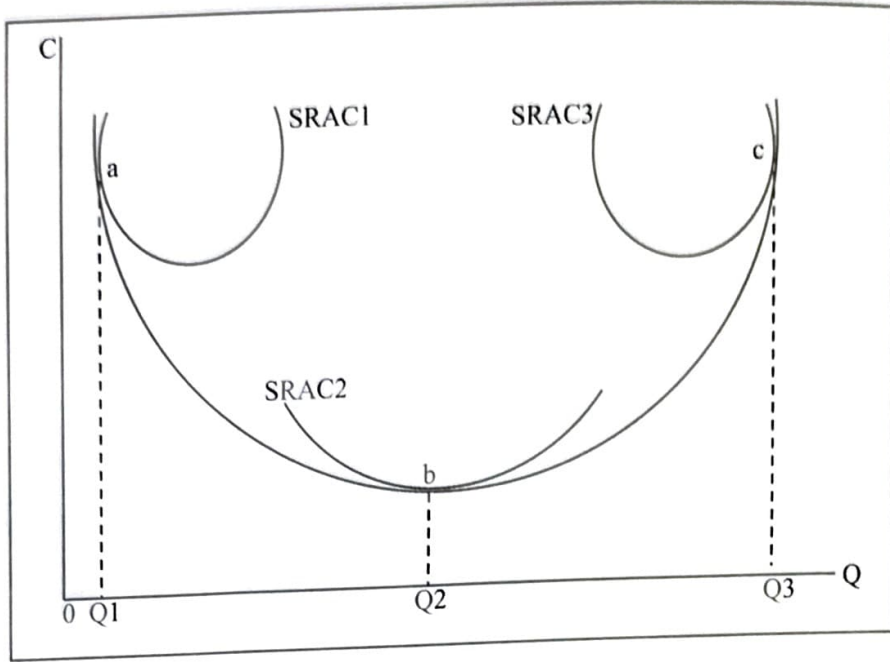
وبينياً يمكن الحصول على منحنى متوسط الكلفة الكلية طويل الأجل من خلال رسم عدد كبير من منحنيات متوسط التكاليف في المدة القصيرة، طالما أن الكلفة في المدة الطويلة يمكن تمثيلها بإضافة وحدات أو خطوط إنتاجية.

والشكل البياني التالي يوضح طريقة رسم منحنى LRAC.



ونجد من الرسم أن شكل منحنى LRAC يشبه شكل منحنى SRAC، إلا أن التفسير الاقتصادي لكل منهما يختلف، فمنحنى SRAC يأخذ شكله بسبب تأثير قانون الغلة المتناقصة، أما LRAC فإنه يفسر بالاعتماد على قانون غلة الحجم Return to scale أو وقورات الحجم Economies، ذلك أن التوسع في حجم المنشأة يسبب تناقصاً في مستوى متوسط الكلفة الكلية في المدة الطويلة وهو ما يوضحه الرسم البياني وذلك يعود إلى استفادة المنشأة من مزايا التخصص وتقسيم العمل التي تؤدي إلى رفع كفاءة عناصر الإنتاج وبالتالي زيادة الإنتاجية، كذلك فإن الاستفادة من مزايا التقدم العلمي والتكنولوجي تساعد على خفض متوسطات التكاليف، إلا أنه بعد تجاوز الحجم الأمثل يبدأ سريان قانون وقورات الحجم المعاكسة أي ظهور حالة اللاوقورات diseconomies ناتجة عن صعوبة إدارة الحجم الإنتاجية الكبيرة مما يعني انخفاض كفاءة الإدارة لهذه الحجم، لذا فإن منحنى LRAC يأخذ بالارتفاع مرة أخرى.

يلعب منحنى LRAC دوراً مهماً في تحديد حجم المنشأة الذي يتلاءم مع حاجة السوق، وبيانياً يوضح كالاتي:



فإذا فرضنا أن الكمية التي تستطيع المنشأة تصريفها إلى السوق هي  $(Q_1)$  يعني أن المنشأة ستختار الحجم الإنتاجي رقم (1) والممثل بـ  $SRAC_1$  ونجد أن هذا المنحني يمس LRAC في النقطة  $a$  المناظرة لمستوى الإنتاج  $(Q_1)$ ، كذلك إذا كانت الكمية الممكن تصريفها في السوق هي  $(Q_2)$  فإنها ستختار الحجم،  $SRAC_2$  الذي يمس LRAC في النقطة  $b$ ، أما لو كانت الكمية الممكن تصريفها إلى السوق هي  $Q_3$ ، فإن المنشأة ستختار الحجم  $SRAC_3$  والذي يمس LRAC في النقطة  $c$ ، ومن كل ما تقدم نجد أن هناك حجم إنتاجي واحد حصل به التماس بين أدنى متوسط كلفة قصيرة الأجل مع أدنى متوسط كلفة طويلة الأجل وهو الحجم الإنتاجي  $SRAC$  الذي يمس LRAC في النقطة  $b$ ، وبالتالي سيكون هذا الحجم أمثل حجم للإنتاج تدخل به المنشأة إلى الأسواق لأن

$LRAC = SRAC$  في النقطة  $b$