الاقتصاد القياسي
Econometrics

طبيعة الاقتصاد القياسي

لقد تطور علم الاقتصاد تدريجياً، وظهرت نظريات كثيرة تحاول تفسير الظواهر الاقتصادية والتنبؤ بتغيراتها، ولكن المشكلة هي ان النظريات الاقتصادية عبارة عن صياغات لفظية (Varbal) لايمكن استخدامها بصورتها اللفظية هذه في التنبؤ واختبار القرارات.

مما دعا الى تحويل النظرية الاقتصادية اللفظية الى صياغات رياضية مضبوطة (Exact). وقد تم التعبير عنها في الاقتصاد الرياضي.

من ناحية اخرى فانه هذه الصياغات الرياضية هي صياغات مضبوطة، ولكن الواقع العملي يشير الى ان العلاقات الاقتصادية لاتتصف بهذه الصفة كون ان علم الاقتصاد من العلوم الانسانية، اي التي تتعامل مع الانسان والذي هو بطبيعته الى لا يتصف بسلوك ثابت محدد ليتم التعبير عنه بعلاقات رياضية، كل ذلك دعا الى تحويل الصياغات الرياضية الاقتصادية لجعلها تأخذ طابعاً احتمالياً (Probabilistic) بحيث يمكن تقدير هذه الصياغات الرياضية من بيانات الواقع العملي ومن هنا ظهر القياس الاقتصادي كأسلوب من أساليب التحليل الاقتصادي والذي يهتم بتقدير العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية.

تعريف علم الاقتصاد القياسي

هو ذلك التقسيم العلمي الذي يعمل على استخدام اساليب التحليل الاقتصادي، والذي يهدف الى تقدير القيم العددية للمعلمات التي توضح العلاقة بين المتغيرات التي تأخذ شكلاً رياضياً من النظرية الاقتصادية

الاقتصاد القياسي ترجمة لمصطلح Econometrics

وهذا المصطلح يتكون من مقطعين الأول (Econo)
وهو مختصر لكلمة (Economics) أي علم الاقتصاد والثاني هو
(Metrics) والذي يعني طرق أو فنون لقياس الأشياء ،
وعليه فعند دمج المقطعين نكون كلمة Econometrics
التي تعني الطرق أو الفنون في علم الاقتصاد ..

تعريف الاقتصاد القياسي

هو فرع حديث من فروع علم الاقتصاد، يهدف الى تفسير (Explanation) وتوقع (prediction) الظاهرة الاقتصادية، معتمداً في ذلك على القياس الفعلي للعلاقات الاقتصادية والعلاقات فيما بينها. ومن تعريف كلمة (Econometrics) يظهر اقتصاد قياسي

قياس المتغيرات الاقتصادية والعلاقات فيما بينها

ا. قياس الاحصاء: ان القياسات الاحصائية للمتغيرات الاقتصادية تعطينا (Pure measurements of economic variables) مثلاً: النقد والسلع والخدمات، الاستثمار، الاسعار — الخ. لكن لاقتصاد معين مثلاً العراق نجد ان تشكيل المواد الخام (Raw materials) الحديثة والاستيراد الفعلي. لها قياس وتحليل العلاقات الاقتصادية بين هذه المتغيرات تتوالى تشكيل العمود الفقري للاقتصاد القياسي

ويهتم الاقتصاد القياسي في قياس وتحليل العلاقات الاقتصادية، لا يعني النظرية الاقتصادية (Economic theory) والرياضيات (Mathematics) وأساليب الاحصائية (Statistical techniques)، فالعقود متكامل، وذلك يهدف اختبار الفروض (Testing Hypotheses) ظاهرة اقتصادية معينة، وتقدير (Estimating) معالم النموذج الاقتصادي، للتنبؤ بقيم الظاهرة الاقتصادية.

ويمكننا تعريف الاقتصاد القياسي بأنه اصطناع التحليل الكمي الذي تتبعه واقعة النظرية الاقتصادية (الصاغة عادة بشكل رياضي) مع الإحصاء بغية تقدير معالم النظرية الاقتصادية لكي يمكن اختبار قدرتها على تفسير الواقع الاقتصادي وكذلك تقييم السياسات الاقتصادية وصولاً عن التنبؤ.

إذاً مما سبق ذلك نستنتج أن

الاقتصاد القياسي هو علم اقتصادي قبل كل شيء وهو علم تتبلور عنده علوم استخدام النظرية الاقتصادية (إحصاء + اقتصاد + رياضيات)

أهداف الاقتصاد القياسي

وتتمثل في ثلاث

١- التحليل الهيكلي Structural Analysis

ويقصد به اختبار النظرية الاقتصادية، أي الحصول على دليل تجريبية لاختبار القوة التوضيحية للنظريات الاقتصادية، لكي نقرر إذا كان لهذه النظريات القدرة على توضيح السلوك الشاهد للوحدات الاقتصادية.

أي بتعبير آخر - تحليل واختبار النظرية الاقتصادية والذي يقصد به أهم الأدوات الاقتصاد القياسي، حيث لا يمكن لأي باحث اختبار النظرية الاقتصادية بصورة عامة بمجرد اختبار إحصائي كبير يوضح قوة النموذج وقوة وضعف العلاقات بين المتغيرات الاقتصادية.

٢- تقييم السياسات Policy Evaluation

يساعد الاقتصاد القياسي بتركيبه السياسات واتخاذ القرارات من خلال الحصول على قيم عددية لمعلمات (معاملات) العلاقات الاقتصادية بين المتغيرات (coefficients) لتساعد المختصين على اتخاذ القرارات، من حيث توفير صيغ وأساليب مختلفة لتقدير العوائد والمضاعفات والمعاملات

الفنية للاستاج وغيرها. ات تقارن تأثير المتغيرات السياسة المختلفة على المتغير التابع مما يساعد في تقييم السياسات الموضوعة وفقاً للأهداف.

٢- التنبؤ Forecasting

يساعد الاقتصاد القياسي التنبؤ المستقبلي لكل عناصر عن طريق ذلك ان تقرر واضع السياسة الاقتصادية متى اذا كان من الضروري اتخاذ أياً من الأدوات الملائمة للتأثير في متغيرات معينة لكي يحقق الاهداف الموضوعة. ان بيانات هذه التنبؤات تمكن واضع السياسة ومتخذي القرار تنظيم الحياة الاقتصادية واتخاذ القرارات المناسبة للتأثير في متغيرات اقتصادية معينة.

فروع الاقتصاد القياسي

تختلف الاقتصاد القياسي الى فرعين هما:

- الاقتصاد القياسي النظري Theoretical econometrics

يشمل الجهود العلمية التي تهدف الى ايجاد الطرق الملائمة لقياس العلاقات الاقتصادية

طرق المعادلة المفردة لطرق المعادلات الآنية

- الاقتصاد القياسي التطبيقي Applied econometrics

يتضمن تطبيق طرق الاقتصاد القياسي على نموذج محدودة من النظرية الاقتصادية مثل الدوال - الطلب - العرض - الاستهلاك - الخ.

علاقة الاقتصاد القياسي بالعلوم الأخرى

علاقة الاقتصاد القياسي بالنظرية الاقتصادية والاقتصاد الرياضي والإحصاء الاقتصادي والإحصاء الرياضي: إن هذه الفروع تتكامل من أجل توفير فهم كمي لعلاقات المتغيرات الاقتصادية الممكنة وسنبين توضيح ذلك بالآتي:

أ- النظرية الاقتصادية: تقوم النظرية الاقتصادية بدراسة العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية فمثلاً تشير النظرية الاقتصادية الجزئية للطلب بأن زيادة سعر سلعة ما يسبب انخفاضاً في الطلب عليها، أي أن النظرية تفترض وجود علاقة عكسية بين السعر والكمية المطلوبة من السلعة، ولكنها لم تعطي أي قياس كمي للعلاقة بين هذين المتغيرين، فلم تبين مقدار الانخفاض في الكمية المطلوبة الصاحب لتضاعف في السعر، فتترك هذه المهمة إلى مجال الاقتصاد القياسي بعد توصيفه رياضياً.

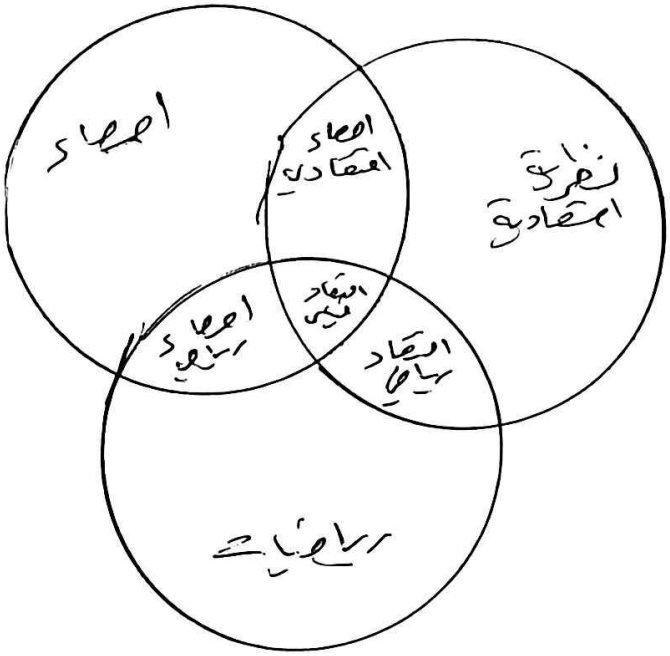
ب- يهتم الاقتصاد الرياضي بإعادة صياغة العلاقة التي تم توصيفها اقتصادياً في النظرية الاقتصادية رياضياً أي كأن نضع معادلات ورموز رياضية بدون قياس أو بربطه تلك الصيغ.

ج- الإحصاء الاقتصادي ويقتصر دوره على تجميع البيانات الإحصائية الخاصة بالمتغيرات الاقتصادية، وتبويبها وجدولتها وعرضها.

د- أما الإحصاء الرياضي فهو موضوع هذا البحث وأدوات تحليله ستبين في دراسة العلاقات بين المتغيرات الاقتصادية، وبطريقة خاصة طرائق التقدير أو التقدير بمساعدة الاستدلال هي تختص بها مهمة الاقتصاد القياسي.

يمكن لمتبني النظرة الكلية للاقتصاد القياسي أن نقطة انطلاقه تتمثل في العلاقات الاقتصادية والرياضيات والإحصاء وفق الشكل الآتي:

الاقتصاد القياسي وعلاقته بالعلوم الأخرى



من الشكل أعلاه أن النظرية الاقتصادية تضمنا فكرة كافة حول شكل العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية وأي دور الاقتصاد القياسي يكون هو المقدار الكمي لتلك العلاقة بالاعتماد على الاقتصاد الرياضي الذي يحاول تصوير العلاقة الاقتصادية في شكل معادلة رياضية. وعلى عكس الاحصاء الرياضي يلائمك لطبيعة العلاقة التي تحدد عن طريق الاقتصاد في الاحصاء الاقتصادي الذي يقدم الاقتصاد القياسي بالبيانات الاحصائية اللازمة لتكميل.

النموذج الاقتصادي

وهو مجموعة من المعادلات التي تصف العلاقة بين الظواهر الاقتصادية
الغرض فرز سهيل وصف تلك العلاقات بصورة قابلة من
التفاصيل والتعقيدات وعند توقعة الاقتصادي اصل عمل
اي بعبارة اخرى هو مجموعة من العلاقات بين المتغيرات
الاقتصادية لتمثيل ظاهرة معينة بهدف تحليلها او التنبؤ بها
والسيطرة عليها.

وقد تتكون النموذج من معادلة واحدة
Single Equation model
كما في حالة الطلب والعرض لو أخذنا

$$Qd_t = a - b_1 P + b_2 Y + b_3 P_a$$

$$Q_S = a + b_1 P + b_2 P_{t-1}$$

الآلية
لو قد تتكون مما تتضمنه من المعادلات (وهو ما يعادل)
بعبارة أخرى الغرض من بناء النموذج ودرس تعقد الشكل
المعقدة وعلى توضيح ذلك في النموذج الكينزي الآتي.

لو نموذج السوق التوازني

$Qd_t = a - bp$

$Q_S = -c + ep$

$Qd_t = Q_S$

(١) — الاستهلاك ← $C = a_1 + b_1 Y_d$

(٢) — الاستثمار ← $I = a_2 + b_2 Y_{d_{t-1}} - b_3 Y$

(٣) $Y_d = C + I$ معادلة التوازن

وقد تتضمن المعادلات السلوكية الهيكلي للنموذج وعليه فإن
الشكل الهيكلي للنموذج هو مجموعة من المعادلات التي تكون
منها النموذج الاقتصادي ممكن توضيحه ان تتضمن المعادلات
هما ان المعادلات

(6) Behavioural Equations المعادلات السلوكية

هي المعادلات التي توضح السلوك الكلي للمتغيرات الاقتصادية، وعادة ما تشتق من نظرية والتي توضح النظرية الاقتصادية كما في المعادلة رقم (1) و (2) وكلاهما معادلات سلوكية وأي تتضمن معلمات، أي المعادلات التي تعبر عن العلاقات بين المتغيرات الاقتصادية والتي عادة ما تشتمل على المتغيرات المستقلة.

المعادلات التعريفية أو التطابقية (المتطابقات)

هي المعادلات الناشئة عن تعريف متفق عليه وفقاً للنظرية الاقتصادية، ولا تتضمن أي معلمات مثل (a,b) كما في المعادلة رقم (3). أي هي العلاقة التي تحدد فيه المتغير التابع من خلال تحديد تعريف له في صورة علاقة حسابية، مثل متطلبات الدخل القومي.

$$Y = C + I + G$$

متغيرات النموذج

تتكون معادلات أي نموذج اقتصادي من كلا من المتغيرات التي يمكن تصنيفها الى عدة أنواع هي:

(1) المتغيرات الداخلية التابعة endogenous variable

هي المتغيرات التي لا تؤثر في النموذج وتتأثر به، وتتحدد قيمتها من خلال النموذج عن طريق المعادلات وقيم المتغيرات الخارجية، وتسمى أيضاً المتغيرات المعتمدة أو التابعة.

(2) - متغيرات محددة سابقاً Pre-determined variables

وهي المتغيرات تنقسم الى صنفين هما:

* المتغيرات الخارجية Exogenous variable

هي المتغيرات التي تتحدد من خارج النموذج وتؤثر فيه ولا تتأثر به، وقد تتحدد قيمتها عن طريق نموذج آخر مختلف عن النموذج الأصلي وتسمى المتغيرات المستقلة أو التوضيحية.

المتغيرات المتباطئة (المرتدة زمنياً) Lagged variable.

هي المتغيرات التي تأخذ فترة زمنية سابقة، أو التي تأخذ قيمها من الفترة الزمنية السابقة مثل

(Y_{t-1}) معدل التضخم السنة السابقة.

(P_{t-1}) الرقم القياسي السنة السابقة.

انواع النماذج الاقتصادية

تصنف النماذج الاقتصادية بعدة طرق منها

(أ) نماذج هيرشية وكلية

- النماذج الهيرشية - وهي النماذج التي تتناول كل نشاط اقتصادي على حدة

الجزئي مثل نموذج الطلب $Qds\ a_1 + b_2 Im + b_3 Pa$

نموذج العرض $Qs = a_2 + b_1 P + b_3 L + b_4 K$

نموذج السوق $Qds = Qs$

وكذلك نموذج الاستثمار $Y = a + b_1 L + b_2 K$

- النماذج الكلية - وهي النماذج التي تتناول كل الاقتصاد الكلي

دالة الاستهلاك $C = a + bY_d$

الدخل المتاح $Y_d = DIN$

دالة الاستثمار $I = a + b DIN$

وكذلك نموذج كينز الدخل القومي

$C = a + b DIN$

$I = a + b DIN$

$DIN = C + I + G - T$ اي ان الدخل = الاستهلاك + الاستثمار + الانفاق الحكومي - الضرائب

(ب) - النماذج الحتمية والنماذج الاحتمالية

- النماذج الحتمية - وهي نماذج الاقتصاد الرياضي التي لا تحتوي على المتغير العشوائي (U_i)

- النماذج الاحتمالية - وهي نماذج الاقتصاد القياسي التي تحتوي على المتغير العشوائي (U_i) مثل نموذج الاستثمار $Y = a + b_1 L + b_2 K + U_i$

حيث ان U_i المتغير العشوائي

ج) النماذج الساكنة والنماذج الحركية

- النماذج الساكنة Static - وهي النماذج التي تكون فيها المتغيرات ممثلة بقيمة الفترة الزمنية (I) وفقا لذلك

$$Qd_t = a - bP_t$$

حيث Qd_t = الكمية المطلوبة للفترة t

P_t = السعر للفترة t

$t = 1, 2, 3, \ldots, n$

- النماذج الحركية Dynamic - وهي النماذج التي تأخذ قيم المتغير ممثلة بأزمنة مختلفة فمثال

دالة العرض الآتية $Qs_t = a + bP_{t-1}$

Qs_t = الكمية المعروضة خلال الفترة الحالية (t)

P_{t-1} - سعر الفترة السابقة $(t-1)$

د) - النماذج الخطية والنماذج الغير خطية .

- النماذج الخطية - وتعبر عن سلوك خطي للمتغيرات

$$Qd_t = a - bP_t$$

- النماذج الغير خطية . وتعبر عن سلوك غير خطي للمتغيرات

$Qd = a - pb$ مثال (دالة الطلب)

(٩) Methodology of Econometrics Research منهجية البحث القياسي

كما اسلفنا فان الاقتصاد القياسي يهتم بقياس معالم النموذج المستخدم من التقدير والتحقق من القيم المقدرة للمعالم الاقتصادية وهذا يتطلب اتباع منهجية والتي تعرف العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية Causality اي معنى ان التغير في بعض المتغيرات يحدث اثرا في المتغيرات الاخرى وعليه تحديد اربع مراحل للبحث العلمي في الاقتصاد القياسي وهي:-

١- مرحلة التوصيف (صياغة النموذج) Specification stage

تعتبر هذه المرحلة من اهم مراحل بناء النموذج واصعبها وذلك من خلال ما تتطلبه من تحديد للمتغيرات التي يجب ان يشتمل عليها النموذج او التي يجب استبعادها منه.

اذ تهتم هذه المرحلة الاقتصادية النظرية الاقتصادية في تحديد توقع واتجاه العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية، تحاول الاقتصاد القياسي الرياضي لتحويل العلاقة المذكورة الى معادلات رياضية باستخدام الاسلوب الرياضي المناسب ومن ثم تحديد اشارة وحجم المعالم المقدرة وفقا للنظرية الاقتصادية

فمثلا العلاقة بين الاستهلاك والدخل، تفترض النظرية الاقتصادية ان الاستهلاك (C) دالة في الدخل (Y) ويعبر عن ذلك رياضيا

$$C = f(Y)$$

الاستهلاك - المتغير التابع او المعتمد Dependent variable

الدخل - المتغير التوضيحي او المستقل independent variable

ولتحديد العلاقة بين المتغيرات الاقتصادية نحدد وفق العلاقات والاشكال البيانية اسلوبا رياضيا لشكل الدالة فتكون العلاقة المذكورة اعلاه في الصيغ الرياضية التالية على التوالي.

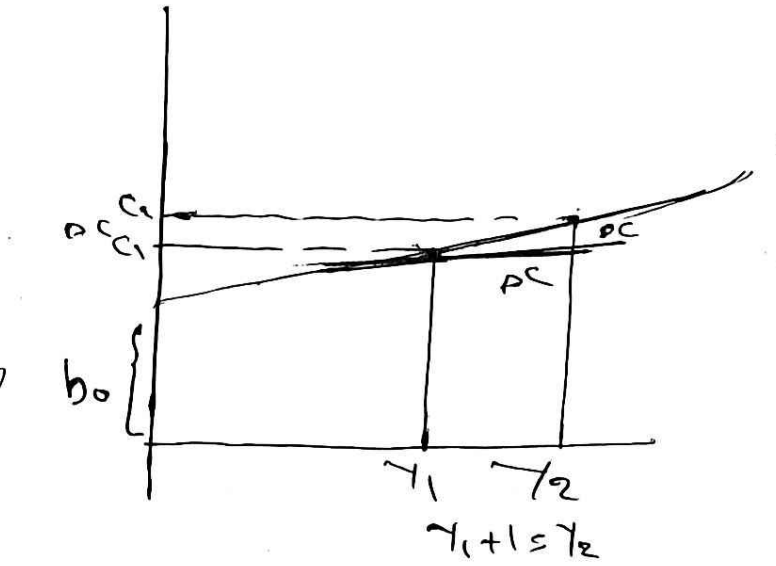
$$C = b_0 + b_1 Y$$

حيث تمثل b_0, b_1 المعالم Coefficients والتي تعرف تحليليا كالتالي

b_0 - تمثل القطع او المقدار الذي يعبر عن المسافة العمودية بين نقطة الاصل ونقطة تقاطع قطاع الخط مع المحور العمودي وتسمى

b_0 مقدار الاستهلاك (C) عندما يكون الدخل (Y) مساوية للصفر
ويطلق عليه الاستهلاك التلقائي

b_1 - ميل الزاوية التي يصنعها خط الاخذ مع محور الاستهلاك
بالميل الحدي للاخذ - (الميل الحدي للاستهلاك) هي الزيادة الحاصلة
في قيمة المقدار التابع (C) نتيجة لزيادة المقدار التوضيحي (Y)
بوحدة واحدة كما موضح في الشكل أدناه



أي انه اذا زاد الدخل بوحدة واحدة عن Y_1 الى Y_2 بحيث
(Y_1+1) سيترتب على ذلك زيادة في الاستهلاك C من C_1 الى C_2 والتي
عبارة عن ΔC وعليه فان $b_1 = \Delta C$ رياضياً وبيانياً كما في الشكل أعلاه!

رياضياً - صيغة

$$C = b_0 + b_1 Y$$

وعندما نزيد المقدار المستقل بوحدة واحدة كما يلي

$$C + \Delta C = b_0 + b_1(Y+1)$$

$$C + \Delta C = b_0 + b_1 Y + b_1$$

بالتعويض عن C بما يساويه

$$b_0 + b_1 Y + \Delta C = b_0 + b_1 Y + b_1$$

$$\therefore \Delta C = b_1$$

وهذا يعني ان المقصود بالميل الحدي للاستهلاك هو مقدار الزيادة
في الاستهلاك C نتيجة لزيادة الدخل بوحدة واحدة أي أن

$$b_1 = \frac{\Delta C}{\Delta Y}$$

وحيث أن $\Delta Y = 1$

$$\therefore b_1 = \Delta C$$

② - مرحلة التقدير Estimation stage

تتضمن هذه المرحلة ما يلي:

① جمع البيانات حول الظاهرة الاقتصادية المدروسة حيث يتم جمع بيانات عن المتغيرات التابعة والمتغيرات المستقلة الأخرى وتعد البيانات إما أن تكون سلسلة زمنية Time series وتقيس السلسلة الزمنية تطابق فترة التقدير عملياً خلال فترة زمنية (أيام، أسابيع، أشهر، سنوات) أو مقطع عرضي cross section وتقيس بالمقطع الآني تتابع المتغيرات الهامة لمفردات الظاهرة الاقتصادية في نقطة زمنية محددة قبل (أحد مسوك الاستهلاك لمجموعة من المستهلكين في زمن معين، أو مسوح الإنتاج لمجموعة من الشركات في البلد خلال سنة معينة أو بيانات أخرى وفق ~~الأنماط~~ الأنماط الزمنية وهذا يأخذ الأرقام 1، 2، 3، ... n أو المتغير الوهمي Dummy var. D وهذا يأخذ القيم فقط وهما (1) لوجود الظاهرة و (0) لانتفاء الظاهرة.

② - أهمية طرق التقدير: إن اختيار طرق التقدير المناسبة يعتمد على ما إذا كان النموذج لمعادلة منفردة أو نموذج متعدد المعادلات. فعندما تكون هنالك معادلة منفردة فالطريقة المعروفة هي طريقة (OLS) المربعات الصغرى العادية أو طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة (ILS) Indirect Least Square (ILS) ordinary Least Square وتسمى ordinary Least square (OLS) بطريقة المعادلة

لما النموذج ذات المعادلات المتعددة، وهنا سنتحدث عن طرق عديدة منها طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين Two stage Least square (2SLS)

- أو طريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث مراحل
- طريقة الاحتمال الأعظم بشرط توفر معلومات كاملة.

ظاهرة التضخم $\Pi = f(M, Ex, D)$

$\Pi = a + b_1 M + b_2 Ex - b_3 D$

② - مرحلة الاختبار Testing Stage

ويتم وفقاً لهذه المرحلة تقييم النموذج أو تقييم العلاقة المقدرة بالاستعانة بالنظرية الاقتصادية والاحصاء والاقتصاد القياسي وهذا الغرض سيتم عدة معايير:

1- معايير اقتصادية: أي ملاءمة مدى تطابق إشارة وحجم المعلمات والمقدرات المقدرة مع ما نص عليه النظرية الاقتصادية، أي هل يحقق المعيار الاقتصادي سيتوافق مع النموذج. أي بعبارة أخرى يتم مقارنة القيم العددية للمعلمات المقدرة في المرحلة الثانية مع ما تم التوصل اليه في الخطوة الثالثة من المرحلة الأولى (مرحلة التوصيف) وهذا المعيار يعرف أيضاً أو أحياناً بالمعايير الأولى

$$0 < b < 1$$

المقدر b^* = 0.8

if b^* = 1.3 X يرفض النموذج

2- معايير إحصائية: وهي مجموعة من الاختبارات الإحصائية وهي: اختبار الخطأ العشوائي (ε) اختبار (t) معامل التحديد (R^2) واختبار (F)

3- معايير قياسية: وهذه تتعلق بمدى تحقق الفروض الخاصة بالخطأ العشوائي ويتم هذا التحقق عن طريق مجموعة من الاختبارات مثل اختبار (Durbin-Watson). ومعامل اختبار الرتبة (Rank Correlation) واختبار (Klen Test) وسوف يتم التطرق الى هذه الاختبارات بالتفصيل.

④ مرحلة التنبؤ Prediction stage

هي التي يتم فيها مرحلة توضيح الهدف الذي تم الوصول إليه
النموذج من خلال تقدير قيم كمية كمية للمتغيرات
الاقتصادية لسنوات أو تكون الهدف الوصول إلى تقييم لمالتنبؤ بطبيعة
اقتصادية أو كيل شكل اقتصادي معين، بالتنبؤ لأهمية المستقبل
والقرب كلي وسنوي ولا محالة المستويات (الأدنى والأعلى) في مختلف
المجالات الاقتصادية والاجتماعية ولكن الحد الأقصى والأدنى والمتوسط
حيث يتم إعداد تقديرات مستقبلية للمتغيرات المدروسة. تحديد
الطلب سلعة أو مجموعة السلع من خلال ما يلي.

الشكل

Micro models نماذج الاقتصاد الجزئي

Demand Function دالة الطلب

$$Qd = a - b_1 P + b_2 Pa - b_3 Pc + b_4 Exp$$

Qd = Quantity Demanded

P = Price

Pa = price (Alternative Commodity)

Pc = Complementary price

Exp = Expectations

ملاحظة: نحول الدوال غير الخطية إلى دوال خطية عن طريق اللوغاريتم ثم
نحول إلى الصيغة الأسية

$$Qd = a P^{b_1} Pa^{b_2} Pc^{b_3} Exp^{b_4}$$

$$\log Qd = \log a + b_1 \log P + b_2 \log Pa + b_3 \log Pc + b_4 \log Exp$$

ملاحظة: المعلمات في الصيغة الخطية تعبر عن ميول (slopes)
أما في الصيغة الأسية فهي مرونات مثل مرونة الطلب

(١٣)

Supply function دالة العرض

$$Qs = a + b_1 P - b_2 TC + b_3 T \text{ — etc}$$

Qs = Quantity supplied

P = Price

TC = Total Cost

T = Technological Progress

(b+s) صافي دخول وعوائد الشركات في العرض الإنتاجية

ج - النماذج الكلية macro-models

Consumption function دالة الاستهلاك

$$C = a + b_1 In + b_2 C_{t-1}$$

t = الاستهلاك للفترة t

t-1 = الاستهلاك للفترة السابقة

C = consumption الاستهلاك

In = In come الدخل

(b1) هو ميل صغير الاستهلاك للأجل القصير

Short Rate marginal propensity to consume (SMPC)

$\frac{b_1}{1-b_2}$ الميل الحدي للاستهلاك للأجل الطويل

Long Rate marginal propensity to consume (LMPC)

(13)

Investment function دالة الاستثمار

$$I = a + b_1 I_N$$

دالة الناتج ← عوامل الإنتاج

$$Y = a + b_1 L + b_2 K$$

Y = production الناتج

L = labor العمل

K = capital رأس المال

دالة كوب دوجلاس Cobb-Douglas

$$Y = A L^{b_1} K^{b_2}$$

(لتقدير نموذج الانحدار الخطي نأخذ اللوغاريتم لطرفي المعادلة)

$$\log Y = \log A + b_1 \log L + b_2 \log K$$

b_1: مرونة الإنتاج بالنسبة للعمل

b_2: " " " " رأس المال

$b_1 + b_2$: كوانتا الحجم

$b_1 + b_2 < 1$ كوانتا حجم متزايدة

$b_1 + b_2 > 1$ كوانتا حجم متناقصة

$b_1 + b_2 = 1$ كوانتا حجم ثابتة

$\frac{b_1}{b_2}$ تكلفة عالية

$\frac{b_1}{b_2} > 1$ رأس المال عالية

$1 > \frac{b_1}{b_2}$ تكلفة متناقصة.

$Y = 300 L^{0.6} K^{0.4}$

مثال

0.6 = مرونة الانتاج للعمل

0.4 = مرونة الانتاج لرأس المال

A = 300

الناتج كوانتم الانتاج = 0.6 + 0.4 = 1

نموذج الانحدار الخطي

$Y = a + bX$

$Q_S = a + bP$ (mathematical model)

$Q_S = 5 + 0.5P + U_i$ (Econometrics model)

U_i ← يمثل النقاط الواقعة خارج الخط

U_i ← يمثل النقاط الواقعة على الخط